

KAREKÖKLÜ SAYI KAVRAMI

- Karekök " $\sqrt{}$ " ile gösterilir.
- karekökünün içi negatif bir sayıya eşit olamaz.

TAM KARE OLAN SAYILARI KAREKÖKÜNÜ ALMA

ÖR: Aşağıda verilen kareköklü sayıların değerlerini bulunuz.

$$\sqrt{1} = \quad \sqrt{4} = \quad \sqrt{9} =$$

$$\sqrt{16} = \quad \sqrt{25} = \quad \sqrt{49} =$$

$$\sqrt{81} = \quad \sqrt{100} = \quad \sqrt{64} =$$

ÖR: Aşağıda verilen eşitliklere göre x'lerin alabileceği değerleri bulunuz.

$$x^2 = 16 \quad x^2 = 36$$

$$x^2 = 49 \quad x^2 = 100$$

$$x^2 = 256 \quad x^2 = 144$$

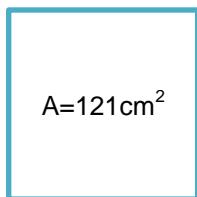
ÖR: Aşağıda verilen işlemlerin sonucunu bulunuz.

$$\sqrt{4} + \sqrt{9} =$$

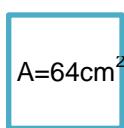
$$\sqrt{1} + \sqrt{25} + \sqrt{36} =$$

$$\sqrt{49} - \sqrt{100} =$$

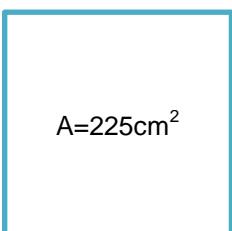
ÖR: Aşağıda karenin alanları verilmiştir. Buna göre karenin bir kenar uzunluğunu bulunuz.



$$A = 121 \text{ cm}^2$$



$$A = 64 \text{ cm}^2$$



$$A = 225 \text{ cm}^2$$

KAREKÖK TAHMİNİ

ÖR: $\sqrt{14}$ sayısının hangi tam sayı arasında ve hangisine daha yakın olduğunu belirleyiniz.

$$\sqrt{1^2}, \sqrt{2^2}, \sqrt{3^2}, \sqrt{4^2}, \sqrt{5^2}, \dots$$

$$\sqrt{1}, \sqrt{4}, \sqrt{9}, \sqrt{16}, \sqrt{25}, \dots$$



$$\sqrt{14}$$

$$\sqrt{9} < \sqrt{14} < \sqrt{16}$$

$$3 < \sqrt{14} < 4$$

$\sqrt{14}$, $\sqrt{16}$ 'ya yakın olduğundan 4 daha yakındır.



ÖR: Aşağıda verilen kareköklü sayıların hangi tam sayılar arasındadır?

$$\begin{aligned}\sqrt{7} &\rightarrow \\ \sqrt{99} &\rightarrow \\ \sqrt{50} &\rightarrow \\ \sqrt{29} &\rightarrow\end{aligned}$$

ÖR: Aşağıda verilen kareköklü sayıların hangi tamsayıların arasında kaldığını sayı doğrusunda gösteriniz.

$$\sqrt{17}$$



$$\sqrt{54}$$



$$-\sqrt{11}$$



KAREKÖK İÇİNDEKİ BİR SAYIYI $a\sqrt{b}$ ŞEKLİNDE YAZMA

- Sayı asal çarpanlarına ayrılır; çift olanlardan biri dışarı çıkar, tek kalanlar kökün içinde kalır.

ÖR: Aşağıda verilen kareköklü sayıları $a\sqrt{b}$ şeklinde köklerinden çıkarınız.

$$\sqrt{8} =$$

$$\sqrt{24} =$$

$$\sqrt{32} =$$

$$\sqrt{200} =$$

ÖR: Aşağıda verilen ifadeleri köklerinden çıkarınız.

$$\sqrt{a^2} =$$

$$\sqrt{a^2 \cdot b} =$$

$$\sqrt{a^4 \cdot b^8} =$$

$$\sqrt{a^3} =$$

$$\sqrt{a^8 \cdot b^7 \cdot c} =$$

$$\sqrt{a^{10} \cdot b \cdot c^7} =$$

$a\sqrt{b}$ BİÇİMDEKİ KAREKÖKLÜ SAYININ KATSAYISINI KAREKÖK İÇERİSINE ALMA

$$\text{+} a \geq 0 \text{ olmak üzere } a\sqrt{b} = \sqrt{a^2 \cdot b}$$

ÖR: Aşağıdaki sayıları karekök içerisinde alınız.

$$5\sqrt{2} =$$

$$6\sqrt{5} =$$

$$2\sqrt{11} =$$

$$10\sqrt{3} =$$

$$2\sqrt{3} =$$

$$5\sqrt{5} =$$

$$-2\sqrt{2} =$$

$$7 =$$

KAREKÖKLÜ SAYILARI SIRALAMA

- Kareköklü ifadeleri sıralarken ilk olarak eşitliğe bakılır (kökde veya katsıyıda), eşitlik yok ise her ifade kök içerisinde alıp sıralanır.

ÖR: Aşağıdaki ifadeleri küçükten büyüğe doğru sıralayınız.

$$\sqrt{5}, \sqrt{3}, \sqrt{7} \rightarrow$$

$$-\sqrt{5}, -\sqrt{3}, -\sqrt{7} \rightarrow$$

$$4\sqrt{5}, 9\sqrt{5}, 5\sqrt{5} \rightarrow$$

$$7\sqrt{3}, 7\sqrt{2}, 7\sqrt{7} \rightarrow$$

$$2\sqrt{5}, 4\sqrt{3}, 3\sqrt{7} \rightarrow$$

$$\sqrt{77}, 7\sqrt{3}, -\sqrt{7} \rightarrow$$

$$2\sqrt{3}, \sqrt{10}, 4 \rightarrow$$

KAREKÖKLÜ SAYILARLA ÇARPMA İŞLEMİ

- $a\sqrt{x} \cdot b\sqrt{y} = a \cdot b \sqrt{x \cdot y}$

ÖR: Aşağıdaki işlemlerin sonucunu bulunuz.

$$5\sqrt{7} \cdot 2\sqrt{3} =$$

$$10\sqrt{6} \cdot 8\sqrt{2} =$$

$$4\sqrt{7} \cdot \sqrt{3} =$$

$$\sqrt{15} \cdot 3\sqrt{6} =$$

$$\sqrt{3} \cdot \sqrt{2} =$$

$$\sqrt{4} \cdot \sqrt{9} =$$

$$\sqrt{100} \cdot \sqrt{64} =$$

$$2\sqrt{4} \cdot 5\sqrt{9} =$$

$$7 \cdot \sqrt{5} =$$

$$7 \cdot 2\sqrt{5} =$$

$$\sqrt{5} \cdot \sqrt{5} =$$

$$\sqrt{11} \cdot \sqrt{11} =$$

$$\sqrt{16} \cdot \sqrt{16} =$$

$$5\sqrt{6} \cdot 2\sqrt{6} =$$

KAREKÖKLÜ SAYILARLA BÖLME İŞLEMİ

■ $\frac{a\sqrt{x}}{b\sqrt{y}} = \frac{a}{b} \sqrt{\frac{x}{y}}$

ÖR: Aşağıdaki işlemlerin sonucunu bulunuz.

$$\frac{4\sqrt{6}}{2\sqrt{2}} =$$

$$\frac{18\sqrt{14}}{6\sqrt{2}} =$$

$$\frac{\sqrt{26}}{\sqrt{13}} =$$

$$\frac{4\sqrt{10}}{\sqrt{5}} =$$

$$\frac{\sqrt{24}}{\sqrt{6}} =$$

$$\frac{4\sqrt{32}}{2\sqrt{2}} =$$

$$\frac{5\sqrt{6}}{2\sqrt{2}} =$$

ONDALIK KESİRLERİN KAREKÖKÜNÜ ALMA

- Ondalık kesirlerin karekökünü almak için ilk olarak kesre çevirip, karekökünü alırız.

ÖR: Aşağıdaki ifadeleri kareköklerini alınız.

$$\sqrt{0,01} = \quad \sqrt{0,04} =$$

$$\sqrt{0,08} = \quad \sqrt{1,21} =$$

$$\sqrt{12,1} = \quad \sqrt{0,9} =$$

$$\sqrt{0,027} = \quad \sqrt{1,08} =$$

DEVİRLİ ONDALIK GÖSTERİM

1,222... = $1,\overline{2}$ bu tarz ondalık açınımları olan ifadelere devirli ondalık gösterim denir.

ÖR: Aşağıdaki ifadeleri devirli ondalık gösterimle gösteriniz.

$$1,555\dots =$$

$$0,444\dots =$$

$$12,0333\dots =$$

$$0,23555\dots =$$

$$0,454545\dots =$$

Devredebilecek kesirleri devirli ondalık gösterimle gösterebilmek için payı paydaya böleriz devredeni bulana kadar.

$$\frac{4}{9} = 0,\overline{4}$$

$$\begin{array}{r} 40 \quad | \quad 9 \\ \hline 36 \quad | \quad 0,444\dots \\ \hline 40 \\ - 36 \\ \hline 40 \\ - 36 \\ \hline 4 \end{array}$$

ÖR: Aşağıdaki ifadeleri devirli ondalık gösterim halinde gösteriniz.

$$\frac{5}{9} =$$

$$\frac{4}{3} =$$

Devirli ondalık gösterimi kesir olarak yazarken;

- ✓ Paya sayı virgulsüz şekilde yazılır.
- ✓ Devirsiz kısmı yazılıan sayıdan çıkarılır.
- ✓ Paydaya ise ne kadar devreden sayı var ise o kadar 9 atılırken, ondalık kısımda devretmeyen sayı için de okadar sıfır atılır.

$$1,\overline{2} = \frac{12-1}{9} = \frac{11}{9}$$

$$2,\overline{44} = \frac{244-2}{99} = \frac{242}{99}$$

$$2,\overline{54} = \frac{254-25}{90}$$

ÖR: Aşağıdaki sayıları kesir şeklinde yazınız.

$$0,\overline{5} =$$

$$0,\overline{15} =$$

$$1,\overline{7} =$$

$$1,\overline{14} =$$

$$0,\overline{245} =$$

$$0,9\overline{12} =$$

ÖR: Aşağıdaki ifadeleri karekökten kurtarınız.

$$\sqrt{0,1} =$$

$$\sqrt{1,\overline{7}} =$$

$$\sqrt{0,\overline{4}} = \sqrt{1,\overline{45}} =$$

Kesirli ifadelerde paydada karekök bırakılmaz. Karekökten kurtulmak için payda kendisiyle (eşleniğle) çarpılır.

ÖR: Aşağıda verilen kesirli ifadelerde paydasındaki kareköklerden kurtarınız.

$$\frac{2}{\sqrt{3}} =$$

$$\frac{\sqrt{5}}{\sqrt{2}} =$$

$$\frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{7}} =$$

$$\frac{24\sqrt{3}}{2\sqrt{6}} =$$

KAREKÖKLÜ İFADELERLE PROBLEMLER

1) x , bir doğal sayıdır. $\sqrt{8-x}$ ifadesinde x 'in alabileceği değerleri bulunuz.

2) 100'e kadar kaç tane tamkare sayı vardır?

3) $\sqrt{\frac{2}{5}} \cdot \sqrt{\frac{7}{3}}$ işleminin sonucunu bulunuz.

4) $\sqrt{54}$ sayısının yaklaşık değeri hesaplanabilmesi için hangi ifadenin yaklaşık değeri bilinmesi gereklidir?



5) a ve b doğal sayılardır. $\sqrt{54} = a\sqrt{b}$ olduğuna göre, $a+b$ 'nin alabileceği en büyük ve en küçük değeri bulunuz.

6) $a = \sqrt{2}, b = \sqrt{3}, c = \sqrt{5}$ olduğuna göre $\sqrt{270}$ sayısının a, b ve c türünden eşitini bulunuz.

7) $\frac{\sqrt{72} \cdot \sqrt{108}}{\sqrt{54}}$ işleminin sonucunu bulunuz.

8) $\sqrt{0,4} : \sqrt{1,7}$ işleminin sonucunu bulunuz.

9) Bir dikdörtgenin alanı $6\sqrt{3} \text{ cm}^2$ 'dir. Bir kenarının uzunluğu $\sqrt{12}$ cm ise diğer kenar uzunluğunu bulunuz.

10) Bir karenin alanı 48 br^2 ise çevre uzunluğunu bulunuz.

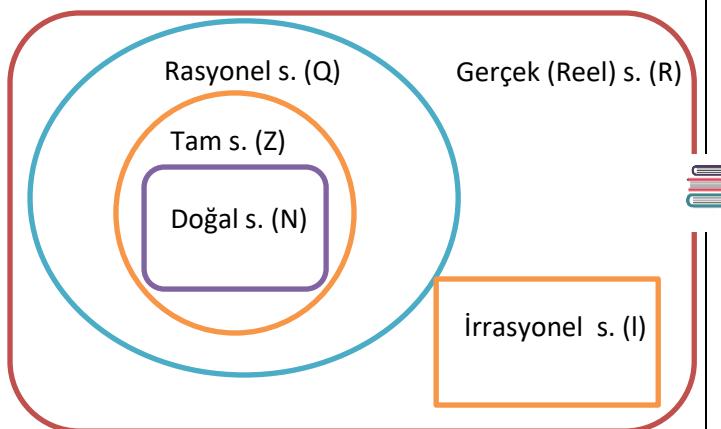
11) $6 < \sqrt{x} < 7$ eşitsizliğini sağlayan x tam sayıları kaç tanedir?

12) $a^2 = 25$
 $\sqrt{b} = 4$ a ve b doğal sayılardır. Buna göre, $a.b$ kaçtır?

13) $\sqrt{2^{60}}$ ifadesinin yarısı kaçtır?

14) $\sqrt{21+\sqrt{13+\sqrt{9}}}$ işleminin sonucunu bulunuz.

GERÇEK (REEL) SAYILAR



- ⊕ $N = \{0, 1, 2, 3, 4, \dots\}$
- ⊕ $Z = \{\dots, -2, -1, 0, 1, 2, \dots\}$
- ⊕ $Q = \frac{a}{b}$ şeklinde yazılabilen her sayı rasyonel sayıdır. ($a, b \in Z$ ve $b \neq 0$)
- ⊕ $I =$ Karekökten çıkmayan sayılar ve devretmeyip sonsuza kadar devam eden sayılardır.
- ⊕ $R =$ Tüm yukarıdaki sayıların hepsi gerçek sayılardır.

✓ $3 ; \frac{3}{2} ; -5 ; 2.\bar{5} ; \sqrt{16} \rightarrow Q, R$

✓ $\frac{4}{2} ; 5 ; 0 ; \sqrt{25} ; \frac{0}{5} \rightarrow N, Z, Q, R$

✓ $\sqrt{32} ; -\sqrt{5} ; 3,458756\dots ; \pi \rightarrow I, R$

✓ $\frac{5}{0} ; \sqrt{-5} \rightarrow$ sayı değildir. (tanımsız)

1) Aşağıdaki sayıların hangileri rasyonel hangileri irrasyonel oldukları belirleyiniz.

$$5 \rightarrow$$

$$2^3 \rightarrow$$

$$\frac{3}{\sqrt{2}} \rightarrow$$

$$\sqrt{8} \rightarrow$$

$$\sqrt{36} \rightarrow$$

$$\frac{12}{15} \rightarrow$$

$$\pi \rightarrow$$

$$2,333\dots \rightarrow$$

$$3,5461\dots \rightarrow$$

$$3,5461 \rightarrow$$

2) $\sqrt{18}$ hangi sayıyla çarpılırsa sonuç rasyonel sayı olur?

A) $\sqrt{2}$

C) $\sqrt{3}$

B) $\sqrt{5}$

D) $\sqrt{6}$

KAREKÖKLÜ SAYILARLA TOPLAMA VE ÇIKARTMA İŞLEMİ

- ⊕ Kareköklü sayılarla toplama çıkarma işlemi yaparken, kökleri aynı olan sayıarda katsayı toplanıp veya çıkarılır, kök aynen yazılır.
- ⊕ Kök içerisinde toplama çıkarma işlemi yapılamaz.

ÖR: Aşağıdaki işlemleri yapınız.

$$\sqrt{100} + \sqrt{64} =$$

$$\sqrt{25} + 7 =$$

$$\sqrt{36} - \sqrt{49} =$$

$$5\sqrt{2} + 3\sqrt{2} =$$

$$3\sqrt{7} - 5\sqrt{7} =$$

$$\sqrt{5} + \sqrt{5} =$$

$$\sqrt{5} + 2\sqrt{5} =$$

$$\sqrt{7} - 2\sqrt{7} =$$

$$\sqrt{3} + \sqrt{7} =$$

$$\sqrt{8} + \sqrt{18} =$$

$$\sqrt{48} - \sqrt{75} =$$

$$\sqrt{0,16} + \sqrt{0,04} =$$

SORULAR

- 1) Aşağıdaki sayılardan hangisinin karekökü bir tam sayı değildir ?**

A) 1 C) 6
B) 25 D) 49

2) Aşağıdakilerden hangisi tam kare doğal sayıdır?

A) 8 C) 24
B) 65 D) 81

3) $\sqrt{144}$ ifadesinin sonucu kaçtır?

A) 10 C) 12
B) 24 D) 72

4) $\sqrt{400}$ ifadesinin sonucu kaçtır?

A) 20 C) 21
B) 22 D) 22

5) $\sqrt{200}$ ifadesinin sonucu kaçtır?

A) 20 C) 15
B) $10\sqrt{2}$ D) $2\sqrt{10}$

6) 180 sayısından en az kaç çıkarılırsa tam kare bir doğal sayı olur?

A) 16 C) 11
B) 25 D) 36

- 7) $\sqrt{a} = 4$ ve $\sqrt{16} = b$ ise $a+b$ ifadesinin değeri aşağıdakilerden hangisidir?

A) 8 C) 16
B) 20 D) 24

8) $\sqrt{11}$ sayısı aşağıdakilerin hangi iki sayı arasında yer almaktadır?

A) 1 ile 2 C) 2 ile 3
B) 4 ile 5 D) 3 ile 4

9) $\sqrt{40}$ sayısı aşağıdakilerin hangi sayı doğrusu aralığında doğru bir şekilde verilmiştir?

A) 

B) 

C) 

D) 

10) Karesel bir bölgenin alanı 121 cm^2 bir kenar uzunluğu aşağıdakilerden hangisidir?

A) 9 C) 10
B) 11 D) 12

- 11) Karesel bir bölgenin alanı 144 cm^2 ise çevre uzunluğu aşağıdakilerden hangisidir?

- 12) Karesel bir bölgenin alanı 48 cm^2 bir kenar uzunluğu aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $2\sqrt{3}$
 B) $2\sqrt{2}$
 C) $4\sqrt{3}$
 D) $4\sqrt{2}$

- 13) Karesel bir bölgenin alanı 180 cm^2 ise çevre uzunluğu aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $24\sqrt{5}$ C) $4\sqrt{90}$
 B) $7\sqrt{5}$ D) $6\sqrt{5}$



- 14) $\sqrt{32}$ sayısı $a\sqrt{b}$ şeklinde yazıldığında $a+b$ ifadesinin alabileceği kaç farklı değer vardır?

- 15) $5\sqrt{3}$ sayısı aşağıdakilerden hangisine eşittir?**

- A) $\sqrt{15}$ C) $\sqrt{45}$
 B) $\sqrt{125}$ D) $\sqrt{225}$

- 16) Aşağıdakilerden hangisi en küçüktür?**

- A) $7\sqrt{2}$

- C) $2\sqrt{10}$

- $$\text{B) } 5\sqrt{3}$$

- D) $4\sqrt{3}$

- 17) Dikdörtgensel bölgenin alanı $\sqrt{24}$ br^2 'dir. Kısa kenar uzunluğu $\sqrt{6}$ br olduğuna göre, uzun kenar kaç birimdir?

- $$A) \sqrt{18}$$

- c) $\sqrt{6}$

- B) 4

- 18) $7\sqrt{5} + 2\sqrt{5}$ işleminin sonucu kaçtır?**

- A) $9\sqrt{10}$

- $$\text{C) } 9\sqrt{5}$$

- $$\text{B) } 5\sqrt{9}$$

- 19) $5\sqrt{2} \cdot 3\sqrt{3}$ işleminin sonucu kaçtır?

- A) $8\sqrt{6}$

- C) $15\sqrt{5}$

- $$\text{B) } 15\sqrt{6}$$

- 20) $\sqrt{100} \cdot \sqrt{81}$ işleminin sonucu kaçtır?**

- A) 90

- C) $\sqrt{90}$

- B) $9\sqrt{10}$

- D) 800

21) $\sqrt{8} \cdot \sqrt{27}$ işleminin sonucu kaçtır?

- A) $\sqrt{160}$ C) $6\sqrt{6}$
B) $27\sqrt{2}$ D) 6

22) $\frac{\sqrt{24}}{\sqrt{6}}$ işleminin sonucu kaçtır?

- A) 4 C) 2
B) $\sqrt{16}$ D) $\sqrt{2}$

23) $\sqrt{7} \cdot \sqrt{7}$ işleminin sonucu kaçtır?

- A) 7 C) $\sqrt{7}$
B) 1 D) 0

24) $\frac{\sqrt{100} + \sqrt{36}}{\sqrt{4}}$ işleminin sonucu kaçtır?

- A) $\sqrt{8}$ C) 8
B) $2\sqrt{2}$ D) 1

25) Dikdörtgensel bölgenin kısa kenarı $3\sqrt{2}$ cm, uzun kenarı $5\sqrt{3}$ cm olduğuna göre, alanı kaç cm^2 'dir?

- A) $6\sqrt{15}$ C) $15\sqrt{6}$
B) $8\sqrt{5}$ D) $\sqrt{90}$

26) $\sqrt{10-x}$ ifadesi gerçek sayı olduğuna göre, x'in alabileceği en büyük değer kaçtır?

- A) 15 C) 12
B) 11 D) 10

27) $0.\overline{4}$ ifadesi aşağıdakilerden hangisine eşittir?

- A) $\frac{4}{10}$ C) $\frac{9}{4}$
B) $\frac{2}{3}$ D) $\frac{4}{9}$

28) $\sqrt{0.\overline{4}}$ ifadesi aşağıdakilerden hangisine eşittir?

- A) $\frac{4}{10}$ C) $\frac{9}{4}$
B) $\frac{2}{3}$ D) $\frac{4}{9}$



29) $1.\overline{5}$ ifadesi aşağıdakilerden hangisine eşittir?

- A) $\frac{15}{9}$ C) $\frac{14}{9}$
B) $\frac{15}{10}$ D) $\frac{14}{10}$

30) $\frac{\sqrt{3,9}}{\sqrt{0,01}}$ işleminin sonucu kaçtır?

- A) 40 C) $\frac{39}{10}$
B) $\frac{2}{3}$ D) 20

- 31) $4 < \sqrt{x} < 5$ eşitsizliğini sağlayan x tam sayıları kaç tanedir?

- 32) Aşağıdakilerden hangisi irrasyonel sayıdır?**

- 33) Aşağıdakilerden hangisi rasyonel sayıdır?

- A) $\sqrt{8}$ C) 0,239425...
 B) $\sqrt{49}$ D) $\sqrt{-4}$

- 34) $\sqrt{8}$ sayısı aşağıdaki hangi sayıyla çarpılırsa sonuç tamsayı olur?

- A) $\sqrt{2}$ C) $\sqrt{4}$
 B) 2 D) 4

- 35) Aşağıdakilerden hangisi gerçek sayı değildir?**

- A) $\sqrt{11}$ C) π
 B) $1,\bar{9}$ D) $\frac{5}{9}$

- 36) $\sqrt{a^8 \cdot b^2 \cdot c^3}$ ifadesinin aşağıdakilerden hangisine eşittir?

- A) $a \cdot b \cdot c$

B) $a^4 \cdot b \cdot c \cdot \sqrt{c}$

C) $a^2 \cdot b \cdot \sqrt{c}$

D) $a^4 \cdot b \cdot c \cdot c^2$

- 37) $\sqrt{1,44} + \sqrt{2,25}$ ifadesinin sonucu kaçtır?**

- 38) $\sqrt{14,4}$ ifadesi aşağıdakilerden hangisine eşittir?

- A) $\frac{12}{10}$

B) $\sqrt{\frac{12}{10}}$

C) $\frac{\sqrt{12}}{10}$

D) $\frac{6\sqrt{10}}{5}$

- 39) $5\sqrt{2}, 8, 4\sqrt{6}$ ifadeleri küçükten büyüğe doğru sıralanışı aşağıdakilerden hangisidir?**

- A) $8 < 5\sqrt{2} < 4\sqrt{6}$
 - B) $5\sqrt{2} < 8 < 4\sqrt{6}$
 - C) $8 < 4\sqrt{6} < 5\sqrt{2}$
 - D) $5\sqrt{2} < 4\sqrt{6} < 8$

- 40) $\sqrt{4^{13}}$ ifadesinin değeri kaçtır?

- A) $2\sqrt{4}$ C) 2^{13}
 B) 2^{12} D) $2^6\sqrt{4}$

- 41)** $4^{10} \cdot \sqrt{2^{10}}$ ifadesinin sonucu kaçtır?

- A) 2^{15}
 B) 2^{30}
 C) 8^{10}
 D) 2^{25}